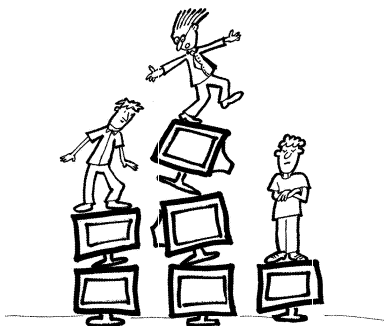


INFORMATIKA

62. ročník Matematické olympiády – 2012/2013

Úlohy domácího kola kategorie P



Úlohy P-I-1 a P-I-2 jsou praktické, vaším úkolem v nich je vytvořit a odladit efektivní program v jazyce Pascal, C nebo C++. Řešení těchto dvou úloh odevzdávejte ve formě zdrojového kódu přes webové rozhraní na stránce <http://mo.mff.cuni.cz/submit/>, kde také naleznete další informace. Odevzdaná řešení budou automaticky vyhodnocena pomocí připravených vstupních dat a výsledky vyhodnocení se dozvíte

krátce po odevzdání. Pokud váš program nezíská plný počet bodů, můžete své řešení opravit a znovu odevzdat.

Úlohy P-I-3 a P-I-4 jsou teoretické, vaším úkolem je nalézt efektivní algoritmus řešící zadaný problém. Řešení úlohy se skládá z popisu navrženého algoritmu, zdůvodnění jeho správnosti (funkčnosti) a u úlohy P-I-3 i odhadu časové a paměťové složitosti. Součástí řešení je i zápis algoritmu ve formě zdrojového kódu nebo pseudokódu v úloze P-I-3 a log-space program v úloze P-I-4. Řešení těchto dvou úloh odevzdávejte ve formě souboru typu PDF přes výše uvedené webové rozhraní.

Řešení všech úloh můžete odevzdávat do 15. listopadu 2012. Opravená řešení úloh a seznam postupujících do krajského kola najdete na webových stránkách olympiády na adrese <http://mo.mff.cuni.cz/>, kde jsou také k dispozici další informace o kategorii P.

P-I-1 Špióni

Rozvědce se podařilo odhalit rozsáhlou síť špiónů a nyní se ji snaží zneškodnit. K dispozici má přesné údaje o tom, kteří špióni se navzájem znají. Vzhledem k finanční krizi má rozvědka omezené prostředky, a proto chce začít likvidací největší skupiny špiónů.

Skupina je definována jako množina špiónů taková, že každý dva špióni v ní se navzájem znají.

Síť je z bezpečnostních důvodů poměrně řídká – v každé podmnožině k špiónů je nanejvýš $3k$ dvojic špiónů, kteří se znají. Speciálně z toho plyne, že každá skupina má velikost nanejvýš 7.

Soutěžní úloha

Máte zadán popis sítě špiónů. Nalezněte a vypište členy největší skupiny.

Formát vstupu

Program načte vstupní data ze standardního vstupu. První řádek obsahuje přirozená čísla N a M udávající počet špiónů a počet dvojic špiónů, kteří se navzájem znají ($0 \leq M \leq 3N$). Špióni mají přidělená čísla od 1 do N . Na každém z následujících M řádků jsou dvě přirozená čísla udávající čísla špiónů, kteří se vzájemně znají.

Formát výstupu

Program vypíše na standardní výstup jediný řádek. Na něm se nacházejí čísla špiónů v největší skupině oddělená mezerami. Čísla mohou být uvedena v libovolném pořadí. Pokud existuje více největších skupin, vypište libovolnou z nich.

Hodnocení

Ve vstupech, za které lze získat celkem 2 body, bude $1 \leq N \leq 40$. Ve vstupech, za které lze získat celkem 7 bodů, bude $1 \leq N \leq 1\,000$ a v síti bude nejvýše 64 000 skupin špiónů. V ostatních vstupech bude $1 \leq N \leq 100\,000$.

Příklad

<i>Vstup</i>	<i>Výstup</i>
5 6 1 2 1 3 1 4	1 2 3

1 5
3 2
4 2

Jiná možná správná odpověď je 1 2 4.

P-I-2 Elektrická síť

V zemi za devatero horami a devatero řekami zavádějí elektřinu. Jdou na to ale poněkud zvláštním způsobem. Nejprve vybudovali elektrárny a pak si uvědomili, že je potřebují propojit s městy. V hlavním městě tedy zasedla vrchní plánovací komise a začala budovat elektrické vedení, které propojí města a elektrárny. A jak jinak – začali od hlavního města. Vybrali pro něj elektrárnu a vybudovali mezi ní a hlavním městem elektrické vedení. Poté vždy vybrali nějaké nepřipojené město nebo elektrárnu a vybudovali vedení z tohoto města nebo elektrárny do města nebo elektrárny již zapojené v síti. Takto postupovali, dokud do sítě nezapojili všechna města a elektrárny v zemi.

Po vybudování sítě se ale objevil další problém. Každá elektrárna produkuje střídavý proud s jinou frekvencí, a proto libovolné město musí být napájeno pouze z jedné elektrárny. Ze stejného důvodu nelze ani vedení mezi městy a elektrárnami použít k transportu elektrické energie ze dvou různých elektráren a ani nelze skrz město, které napájí jedna elektrárna, transportovat energii z jiné elektrárny. A aby problémů nebylo málo, každým vybudovaným vedením lze vést pouze omezené množství energie.

Není tedy divu, že se vrchní plánovací komise vzdala dalšího plánování a obrátila se na vás s prosbou, abyste jí pomohli rozhodnout, která elektrárna bude napájet které město.

Soutěžní úloha

Váš program obdrží popis vybudované elektrické sítě. Pro jednoduchost nazýváme nadále města i elektrárny uzly. Každá elektrárna má přiřazen výkon, což je maximální množství elektrické energie, kterou může vyrobit. Každé město má přiřazenu spotřebu, což je množství elektrické energie, kterou potřebuje a je jí do něj pomocí sítě potřeba dopravit. Navíc každé vedení mezi dvěma uzly v síti má přiřazenu kapacitu, což je maximální množství elektrické energie, které lze přes něj přepravit.

Váším úkolem je přiřadit každému městu elektrárnu, která jej bude napájet. Součet spotřeb měst, která napájí jedna elektrárna, nesmí překročit její výkon. Navíc množství elektrické energie přepravované libo-

volným vedením nesmí být vyšší než jeho kapacita. A konečně, protože elektrárny produkují proud s různými frekvencemi, nesmí se přepravovat energie z elektrárny přes uzel, kde je jiná elektrárna nebo město napájené z jiné elektrárny.

Popis vstupu

Program načte vstupní data ze standardního vstupu. První řádek vstupu obsahuje dvě celá čísla N a d_1 oddělená jednou mezerou. Číslo N udává počet uzlů sítě a d_1 udává spotřebu hlavního města. Uzly sítě jsou očíslovány od 1 do N , kde uzel číslo 1 je hlavní město. Následující řádky popisují uzly sítě; i -tý řádek vstupu (kde $2 \leq i \leq N$) popisuje uzel číslo i . Každý z těchto řádků je tvořen znakem 'M' nebo 'E' a třemi celými čísly m_i , c_i a d_i oddělenými mezerami. První znak určuje, zda je v uzlu město (znak 'M') nebo elektrárna (znak 'E'). Číslo m_i ($1 \leq m_i < i$) je číslo uzlu, kam je i -tý uzel připojen. Kapacita vedení, které jej připojuje, je c_i . Konečně, pokud i -tý uzel je elektrárna, tak má výkon d_i . Pokud je i -tý uzel město, pak jeho spotřeba je d_i .

Můžete předpokládat, že platí $N \geq 2$ a $0 \leq c_i, d_i \leq 1\,000\,000\,000$. Dále můžete předpokládat, že druhý uzel je vždy elektrárna.

Popis výstupu

Program vypíše na svůj standardní výstup jediný řádek. Ten obsahuje slovo „Nelze“, pokud města nelze přiřadit elektrárnám tak, aby byla respektována všechna omezení v zadání. V opačném případě řádek obsahuje N čísel $a_1, \dots, a_N$ odpovídajících jednotlivým uzlům sítě. Pokud je i -tý uzel elektrárna, pak a_i je i . Pokud je i -tý uzel město, pak a_i je číslo uzlu, kde je elektrárna, která toto město napájí.

Všimněte si, že omezení ze zadání vyžadují, aby bylo splněno následující:

- Součet spotřeb měst, které napájí daná elektrárna, je nejvýše roven výkonu této elektrárny.
- Každé město je v síti spojeno cestou s elektrárnou, která jej napájí, a všechny uzly na této cestě jsou města a jsou napájena touto elektrárnou.
- Kapacita vedení, které spojuje dva uzly napájené stejnou elektrárnou, je alespoň součet spotřeb všech měst v části sítě napájené touto elektrárnou oddělené od elektrárny uvažovaným vedením.

Je možné, že ve výsledném řešení některá z vybudovaných vedení nebudou využita a nepovede přes ně žádná elektřina.

Hodnocení

Ve vstupech, za které lze získat celkem 5 bodů, bude $N \leq 1\,000$. V ostatních vstupech bude $N \leq 1\,000\,000$.

Příklady

<i>Vstup</i>	<i>Výstup</i>
5 5	2 2 3 3 3
E 1 5 10	
E 1 5 20	
M 3 15 10	
M 4 5 5	

<i>Vstup</i>	<i>Výstup</i>
5 5	Nelze
E 1 5 10	
E 1 5 20	
M 3 12 10	
M 4 5 5	

P-I-3 Zajíček

Ubohý zajíček se ocitl v pasti! Zatímco snídal uprostřed rozkvetlé mýtiny, všiml si ho nenasytný vlk a zajíčkovi nezbývá nic jiného, než mu utéct. Protože na rozdíl od vlka lépe skáče než běhá, potřebuje, aby cesta vedla přes co nejvíce pokácených stromů a větví. Pomozte mu a poradte, kterým směrem má utíkat, aby vlkovi utekl.

Soutěžní úloha

V rovině je dáno N úseček, které představují jednotlivé překážky (pokácené stromy a větve). Tyto úsečky se mohou vzájemně protínat. Najděte polopřímku p s počátkem v bodě $[0, 0]$ takovou, že protne co nejvíce úseček. Polopřímka p protíná úsečku, pokud s ní má alespoň jeden společný bod, přičemž se počítají i krajní body úsečky.

Formát vstupu

Na prvním řádku je celé číslo N . Na i -tém z N následujících řádků je čtveřice celých čísel x_i, y_i, X_i, Y_i , která definují i -tou úsečku s krajními body $[x_i, y_i]$ a $[X_i, Y_i]$. Můžete předpokládat, že pro každou úsečku platí $x_i Y_i \neq X_i y_i$. To speciálně znamená, že každá úsečka má nenulovou délku a neobsahuje bod $[0, 0]$.

Formát výstupu

Výstupem bude dvojice celých čísel x a y (kde $x \neq 0$ nebo $y \neq 0$) určující druhý bod polopřímky, která protíná maximální počet úseček. Váš program může vypsat libovolnou takovou dvojici (správných odpovědí je samozřejmě nekonečně mnoho).

Hodnocení

Plných 10 bodů získáte za řešení, které zvládne efektivně vyřešit vstup se statisíci úseček. Až 7 bodů můžete získat za řešení, které zvládne efektivně vyřešit vstup s tisíci úseček.

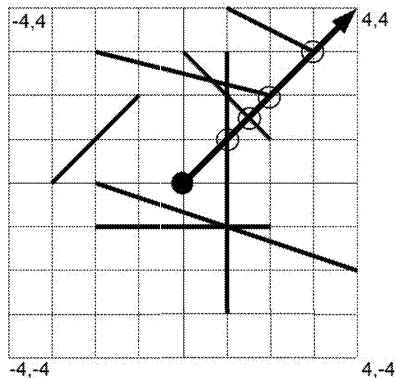
Příklad

Vstup

```
7
1 4 3 3
0 3 2 1
1 3 1 -3
2 -1 -2 -1
-2 0 4 -2
-3 0 -1 2
-2 3 2 2
```

Výstup

4 4



Existují i další správné odpovědi, například 5 5, 10 10, ...

P-I-4 Log-space programy

Letos se budeme v každém soutěžním kole olympiády setkávat s programy s logaritmickou prostorovou složitostí neboli log-space programy. Ve studijním textu uvedeném za zadáním této úlohy je popsáno, jak takové programy fungují. Poznamenejme, že v této úloze nebudeme hodnotit časovou složitost vašich řešení, nemusíte ji proto ani určovat.

Soutěžní úloha

a) (4 body) Napište log-space program, který danou posloupnost čísel uspořádá vzestupně. Vstup dostanete v poli $A[1..n]$, výstup uložte do pole $B[1..n]$. Pozor na to, že hodnoty v poli se mohou opakovat.

b) (4 body) Napište log-space program, který zjistí, zda se zadané posloupnosti čísel $A[1..n]$ a $B[1..n]$ liší pouze pořadím prvků.

c) (2 body) Mějme dva log-space programy f a g . Program f dostane vstup $A[1..n]$ a vytvoří z něj mezivýsledek $B[1..n]$, program g dostane tento mezivýsledek a spočítá z něj $C[1..n]$. Dokažte, že existuje log-space program, který dostane A a spočítá z něj rovnou C . Kdyby nám nezáleželo na použitém prostoru, stačilo by nejprve spustit program f a až doběhne, spustit na vypočtený mezivýsledek program g . Jenže tento mezivýsledek se do pracovních proměnných log-space programu nemůže vejít. Vymyslete, jak se bez uložení mezivýsledku obejít.

Studijní text

Známe-li více algoritmů řešících tutéz úlohu, obvykle považujeme za lepší ten, který má menší časovou složitost. Prostorovou složitost používáme až jako vedlejší kritérium, alespoň dokud nejsou paměťové nároky programů absurdně vysoké. Zkusme tentokrát pořadí důležitosti obrátit a zajímat se především o prostorové nároky algoritmu.

Budeme psát *log-space programy*. Tak budeme říkat obyčejným programům zapsaným v Pascalu či Céčku, které splňují následující podmínky:

- Každá proměnná v programu je *celočíselného typu* (`int`, `integer`, apod.) a její hodnota je *polynomiální ve velikosti vstupu*. Tím myslíme, že absolutní hodnota čísla nepřesáhne $c \cdot n^k$, kde n je velikost vstupu programu (počet čísel na vstupu) a c a k nějaké konstanty nezávislé na vstupu. Můžeme tedy používat například hodnoty z rozsahu $-n \dots n$, $-3n^5 \dots 3n^5$ nebo $-10 \dots 10$, ale už ne $0 \dots 2^n$.
- Pascalské typy `char` a `boolean` budeme také považovat za celočíselné.
- Žádné další typy (např. pole a ukazatele) nejsou povoleny.
- Jedinou výjimku tvoří *vstup a výstup*. Vstup programu bude dostupný v určených proměnných (obvykle polích), ze kterých smí program pouze číst. Podobně výstup uložíme do smluvených proměnných a máme do nich povoleno pouze zapisovat (speciálně tedy nesmíme výstupní proměnnou zvýšit o 1 pomocí `++` nebo `inc`, protože tyto operace kombinují zápis se čtením). Čísla na vstupu budou vždy polynomiálně velká, aby bylo možné ukládat je do pracovních proměnných.
- Program nepoužívá rekurzi.

Příklad 1: Maximum z pole čísel můžeme hledat následujícím log-space programem:

```
var n: integer;                {vstup: počet čísel}
    A: array [1..n] of integer; {vstup: zadaná čísla}
```

```

    m: integer;                                {výstup: pozice maxima}
    i, j: integer;                             {pracovní proměnné}
begin
    j := 1;
    for i := 2 to n do
        if A[i] > A[j] then
            j := i;
        m := j;
    end;

```

Proměnné i a j se pohybují v rozsahu $1 \dots n$, ostatní proměnné jsou vstupní, popřípadě výstupní. Požadavky definice log-space programu jsou tedy splněny.

Příklad 2: Následující log-space program nalezne v poli číslo, které se tam vyskytuje nejčastěji:

```

var n: integer;                                {vstup: počet čísel}
    A: array [1..n] of integer;               {vstup: zadaná čísla}
    m: integer;                                {výstup: pozice nejčastějšího}
    i, j, c, cmax: integer;                   {pracovní proměnné}
begin
    cmax := 0;
    for i := 1 to n do
        begin
            {Spočítáme, kolikrát se vyskytuje A[i]}
            c := 0;
            for j := 1 to n do
                if A[j] = A[i] then
                    c := c+1;
                    {Je to víc než dosavadní maximum? }
                    if c > cmax then
                        begin
                            cmax := c;
                            m := i;
                        end;
            end;
        end;
    end;

```

Opět si snadno rozmyslíme, že hodnoty pracovních proměnných i , j , c a $c_{\max}$ nepřesáhnou n .

Motivace

Jistě vás napadne otázka, proč jsme zavedli log-space programy právě takto. Jsou totiž věrným modelem algoritmů s logaritmickým množstvím pracovní paměti, tedy s pamětí $\Omega(\log n)$, kde n je velikost vstupu. *Prostorovou složitost* programů ovšem měříme přesněji, než je v olympiádě obvyklé, totiž v *bitech*.

Jeden bit paměti nabývá 2 možných stavů, pomocí 2 bitů můžeme rozlišit 4 různé stavy a obecně pomocí k bitů 2^k stavů. Například 8-bitová proměnná tedy může nabývat $2^8 = 256$ různých hodnot, takže do ní můžeme ukládat čísla v rozsahu $0 \dots 255$, nebo třeba $-100 \dots 155$ – počátek intervalu si můžeme zvolit libovolně. A obráceně: pokud proměnná v programu nabývá hodnot $1 \dots k$, potřebujeme na její uložení $\lceil \log_2 k \rceil$ bitů paměti; pro rozsah $j \dots k$ je to $\lceil \log_2(k - j + 1) \rceil$ bitů. Jelikož $\log_2 n^k = k \log_2 n$, polynomiálně velká čísla jsou přesně ta, která se vejdou do logaritmického množství paměti.

Pole by se teoreticky do logaritmického prostoru mohlo vejít, ale bylo by potřeba, aby součet velikostí všech položek byl logaritmický. To splňuje například pole $\log n$ čísel konstantního rozsahu, nebo naopak konstantní počet položek logaritmické velikosti. Možnosti jsou tedy značně omezené, a proto jsme pro jednoduchost pole v našich log-space programech vůbec nepovolili.

Ještě nesmíme zapomenout na to, že paměť potřebujeme i k *volání podprogramů* (procedur a funkcí). Musíme si totiž uložit, kam se z podprogramu vrátit (k tomu stačí rozlišit konstantně mnoho možností), a zapamatovat si lokální proměnné podprogramu. Pokud program není rekurzivní, nebudou paměťové nároky vyšší, než kdyby všechny proměnné byly globální. Pokud bychom ovšem rekurzi použili, museli bychom vzít v úvahu, že jedna proměnná může současně existovat ve více instancích, takže se množství paměti vynásobí hloubkou rekurze. Rekurze by se tedy vešla do logaritmické paměti jen ve speciálních případech, takže ji v zájmu jednoduchosti také nepovolujeme.

Na závěr si všimněme, že k řešení obou našich příkladů by menší než logaritmické množství paměti nestačilo. Jelikož vstup je zadán v poli, potřebujeme umět indexovat prvky tohoto pole, tedy vytvářet indexy v rozsahu $1 \dots n$, a k uložení těchto indexů je logaritmický prostor potřeba.

K čemu jsou vlastně počítače

STANISLAV TRÁVNÍČEK

Přírodovědecká fakulta UP, Olomouc

Jsem matematik, ale přesto jsem 21 let zastával v našem časopise MFI funkci redaktora pro informatiku. Jak je to možné? Věděl jsem tehdy před 21 lety vůbec něco o počítačích?

Do světa počítačů jsem vstoupil (byl vhozen) již před 40 lety. Začal jsem pracovat na počítači Minsk-22 jako „systémák“ a programátor na agendě *Koleje* a líbilo se mi to. Programový systém bodoval různé těžkosti (vzdálenost bydlíště) i přednosti (prospěch) uchazečů o koleje, také vytvářel různé seznamy studentů a končil tiskem adres pro poštovní doručení výsledků – umístění do koleje. Zde byl účel počítače jasný – pohotově a přesně vykonával množství rutinní kancelářské práce, kterou by lidé v tomto čase a kvalitě nevládli. Ale byla tu i jedna praktická překážka – někdy se dopisy vracely zpět jako nedoručitelné. Počítač Minsk-22 totiž spolupracoval s tiskárnou Acert, v níž rotoval kovový válec pokrytý písmeny velké abecedy a dalšími znaky, jež se při tisku přenášely na papír. Zatímco však na válci byla všechna česká písmena, tj. i ta s diakritikou, dálnopisy, na jejichž děrných páskách se pořizovala data, je neznaly a jazyk MAT, s nímž se na Minsku pracovalo, také ne, rovněž ani systémový tiskový strojový podprogram nazvaný R-TISK. Takže se stávalo, že některé adresy byly tak zkomolené, že ani pošťák nepřišel na jejich správnou podobu a dopis poslal zpět na univerzitu.

A to byl problém (můj první počítačový problém), který mne zaujal a s nímž jsem si pohráł. K písmenům Ž, Š, Č, Á, É, atd. jsem vybral náznorné dvojznaky, které se ve jménech studentů prakticky nevyskytovaly. Operátorky pak místo písmen s háčky a čárkami zadávaly ve jménech studentů tyto dvojznaky. Ve strojovém kódu počítače Minsk jsem vytvořil systémový tiskový strojový podprogram S-TISK (byla to „piplačka“, ale pro mne zábavná), který četł uvedené dvojznaky, ale do tisku posíłal písmena s diakritikou. Tento podprogram se vždy při agendě *Koleje* do počítače nahrál a současně na tu dobu vyřadil běžný R-TISK. Takže jména studentů již nebyla komolena.

Touto prací, ale později i dalšími, jsem došel ke svým dvěma osobním závěrům:

Na počítači se mají vykonávat takové práce, které by lidé v daném čase a v požadované kvalitě nezvládli.

Jestliže počítač svým základním vybavením na požadovaný úkol nestačí, má se mu pomoci lidským umem. (Pomoci počítači lidským umem znamená také doplňovat ve vytvořeném a předloženém systému chybějící SW části.).

S těmito zásadami jsem prožil 20 let svého pestrého počítačového života; teď se vyslovené zásady zdají samozřejmé, ale v 70. letech na počátku uvedeného období ještě (vzdělání) informatici prostě neexistovali a nebylo vždy jasné, kudy se vydat. Alespoň v podnicích se ještě dlouho pohybovali kolem výpočetní techniky jen pracovníci různých povolání, kteří dosáhli v tehdejších podmínkách dosti dobré „počítačové“ úrovně jen vlastním (nadšeným) sebevzděláním a praxí. Já jsem měl to štěstí, že mé předchozí zaměstnání (matematická analýza) mě naučilo řešit i složité a nepřehledné problémy a že jsem předběžně a soukromě absolvoval vzdělání v systémové analýze.

Pro zajímavost uvedu řešení některých překážek týkajících se druhé zásady. Tak v podniku Chronotechna Šternberk se začalo s automatizací podle typového projektu Závodů všeobecného strojírenství Brno, ale pak se ekonomický náměstek podniku postavil ostře proti, tedy že je ten projekt v Chronotechně nepoužitelný. Ve Šternberku se totiž pracovalo s drahými odpady, které se nevyhazovaly na smetiště, ale které se musely přesně evidovat a znovu prodávat. S tímto typový projekt nepočítal. Chtěl-li jsem (jako pracovník odpovědný za ASŘ) zachránit typový projekt (a nic jiného jsme neměli), musel jsem tuto situaci vyřešit a tedy systémově dopracovat tuto část projektu. To se zdařilo nakonec docela jednoduše, ideu jsem vymyslel já a věcně pomohli autoři typového projektu z Brna, od nichž jsem měl velkou podporu. Během dvou týdnů byl projekt dopracován ke všeobecné spokojenosti.

Uvedu ještě jeden příklad. Přišel jsem do závodu, kde měli objednány (možná omylem) děrnopáskové výpočetní automaty Consul 266, a teď nevěděli, co s nimi. V podniku Kancelářské stroje jsem se proškolil a poznal jsem, jak malé mají tyto stroje výpočetní možnosti a jak velké možnosti organizační. Náš závod (zásobovací a odbytový) produkoval denně stovky materiálových dokladů a těžce sháněl po okolí, která z externích organizací by byla ochotna pořizovat počítačově čitelná vstupní média pro potřebu příslušného ministerstva. Ochoty však bylo stále méně, nebylo to výnosné. Po systémových rozbořech s kolegy z podniku jsme nakonec pomocí těchto

strojů vytvořili a uvedli do provozu účinnou a užitečnou agendu, která problémy vyřešila na několik let: Na okrajově děrovaných štítcích se pořídil soubor dodavatelů a odběratelů a též soubor obchodovaných materiálů se všemi nezbytnými údaji. Vytvořili jsme programový a organizační systém, podle něhož pak dvě operátorky u dvou strojů přímo vystavovaly veškeré doklady MTZ na Consulech podle jednoduchých objednávek z deseti zásobovacích oddělení, přičemž jako vedlejší produkt vznikala osmistopá děrná páska se vstupními daty pro ministerstvo.

V 70. a 80. letech jsem se v podnicích setkal s dalšími problémy a pracoval ještě s dalšími, stále modernějšími typy výpočetní techniky, v nichž byly počítače vždy „donuceny“, aby vykonávaly užitečnou práci, ať už se jmenovaly jakkoli.

Mé období, kdy bych si s počítačem jen hrál, bylo velmi krátké, spíš jsem si hry vymýšlel a přispíval si tím k obohacení mých programátorských dovedností.

V roce 1990 jsem se vrátil na UP znovu jako matematik a bylo mi nabídnuto, abych se stal redaktorem pro informatiku v našem vznikajícím časopisu MFI (v předchozím období jsem do Matematiky a fyziky ve škole občas něco ze své praxe napsal). Orientoval jsem se zejména v problému *použití počítačů*, tím spíše, že od samého začátku nemělo v MFI jít o rubriku čistě informatickou, ale většinou jen o publikace článků na téma *využití počítačů ve výuce*. To jsem zachovával a podržel jsem si i své dvě zásady. Na širší problematiku jsem nebyl sám, takže pokud se mi práce dařila i mimo tato témata, bylo to zásluhou mých pražských kolegů z redakční rady.

Po 21 letech, která jsem časopisu věnoval, v této své činnosti po uvážení končím. Prosím však čtenáře MFI, aby rubrice Informatika i nadále věnovali svou pozornost a měli z ní potěšení.

Na závěr patří mé velké poděkování malířce a ilustrátorce *Mgr. Jarošlavě Čermákové*, mé bývalé studentce na UP v Olomouci v oboru matematika – výtvarná výchova, www.jarkacermakova.wz.cz, která svými vtipnými obrázky informatickou část časopisu obětavě po mnoho let oživovala.